

COORDINACIÓN DE MATEMÁTICAS



DIVISIÓN DE CIENCIAS BÁSICAS SECCIÓN DE ÁLGEBRA

SERIE TEMA 2: "NÚMEROS REALES" SEMESTRE: 2018-2

1.- Obtener el conjunto de valores de $x \in \mathbb{R}$ que satisfacen la desigualdad

$$\left| \frac{1}{x-4} \right| > 3$$

2.- Obtener el conjunto de valores de $s \in \mathbb{R}$ que satisface la desigualdad

$$\left| \frac{s-4}{-s-3} \right| > 1$$

3.- Demostrar por el método de inducción matemática, la validez de la siguiente proposición

$$\left(1-\frac{1}{2}\right)\left(1-\frac{1}{3}\right)\left(1-\frac{1}{4}\right)...\left(1-\frac{1}{n}\right)=\frac{1}{n}, \quad \forall \ n \ge 2, \ n \in \mathbb{N}$$

4.- Obtener el conjunto de valores de $x \in \mathbb{R}$ que satisface la desigualdad

$$|x-5| < 5|3x-5|$$





FACULTAD DE INGENIERÍA COORDINACIÓN DE MATEMÁTICAS

DIVISIÓN DE CIENCIAS BÁSICAS SECCIÓN DE ÁLGEBRA

5.- Demostrar por medio de inducción matemática, la validez de la proposición

$$\frac{5}{4} + \frac{1}{2} + \dots + \frac{3n+2}{4^n} = -\left(\frac{1}{4}\right)^n \left[2+n\right] + 2; \ \forall n \in \mathbb{N}$$

6.- Obtener el conjunto de valores de $x \in \mathbb{R}$ que satisface la desigualdad

$$|2x+5| \ge 3$$

7.- Obtener el conjunto de valores de $x \in \mathbb{R}$ que satisface la desigualdad

$$\frac{3}{\mid x+1\mid} < 4$$

8.- Obtener el conjunto de valores de $x \in \mathbb{R}$ que satisface la desigualdad

$$\frac{\left|3x-2\right|}{\left|x+1\right|} < 4$$

9.- Demostrar por medio de inducción matemática la validez de la proposición

$$1 \cdot 3 + 2 \cdot 3^2 + 3 \cdot 3^3 + \dots + n \left(3^n \right) = \frac{\left(2n - 1 \right) 3^{n+1} + 3}{4} \; ; \; \forall n \in \mathbb{N}$$





FACULTAD DE INGENIERÍA COORDINACIÓN DE MATEMÁTICAS

DIVISIÓN DE CIENCIAS BÁSICAS SECCIÓN DE ÁLGEBRA

10.- Obtener el conjunto de valores de $x \in \mathbb{R}$ que satisfacen la desigualdad

$$\left| \frac{x-3}{x+1} \right| \le 2$$

11.- Demostrar por inducción matemática la validez de la siguiente proposición

$$1+4+7+10+...+(3n-2)=\frac{n(3n+1)}{2}, \ \forall \ n\in\mathbb{N}$$

12.- Demostrar por inducción matemática la validez de la siguiente proposición

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{3^3} + \dots + \frac{1}{3^n} = \frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{3^n} \right), \quad \forall \quad n \in \mathbb{N}$$

13.- Obtener el conjunto de valores de $x \in \mathbb{R}$ que satisfacen la desigualdad

$$\left| \frac{3x+12}{x+2} \right| > 1$$

14.- Demostrar por medio de inducción matemática la validez de la proposición

$$5^{0} + 5^{1} + 5^{2} + \dots + 5^{(n-1)} = \frac{1}{4} (5^{n} - 1), \forall n \in \mathbb{N}$$