

	<b>Manual de prácticas del Laboratorio de Mecánica Experimental</b>	Código:	MADO-04
		Versión:	01
		Página	45/49
		Sección ISO	7.3
		Fecha de emisión	6 de junio de 2016
Secretaría/División: División de Ciencias Básicas		Área/Departamento: Laboratorio de Mecánica Experimental	
La impresión de este documento es una copia no controlada			

## Práctica 8 Trabajo y energía

### Introducción

Los estudios de mayor interés que se realizan en el análisis de la resistencia de materiales requieren, de manera inevitable, un riguroso tratamiento experimental; tal es el caso de la determinación de las relaciones entre las fuerzas y las deformaciones, propiedades que poseen los materiales y las cuales pueden ser obtenidas, exclusivamente, mediante ensayos en el laboratorio.

A la relación lineal entre fuerzas y deformaciones, o bien, entre esfuerzos y deformaciones, se le conoce como ley de Hooke y constituye un aspecto fundamental la aplicación de esta ley en el estudio de los fenómenos mecánicos donde se involucra el uso de resortes lineales.

En esta práctica se obtendrá la ley de Hooke experimentalmente para un resorte lineal, con el objeto de propiciar en el alumno el empleo de procedimientos prácticos que permitan evitar el uso de ciertas consideraciones teóricas no deseables, acerca de las relaciones que tienen las propiedades de un resorte lineal, a saber: tipo de material, estructura interna y composición, número de espiras, longitud, etc.

### 1 Objetivos

1.1 Determinar experimentalmente el comportamiento de la fuerza de un resorte,  $F_k$ , en función de su deformación,  $x$ , con base en el ajuste por el método de mínimos cuadrados de la pareja de datos  $(x, F_k)$  a una recta  $F_k = F_0 + kx$ , donde  $x$  está en metros y  $F_k$  en newtons.


1.2 Obtener experimentalmente el valor numérico del coeficiente de fricción cinética  $\mu_k$  entre dos superficies secas, mediante la aplicación del método del trabajo y la energía, así como cuantificar las pérdidas de energía mecánica que se producen por efecto de la fuerza de fricción.

1.3 Calcular la rapidez instantánea de un bloque durante su movimiento, en función de la posición.

1.4 Obtener la gráfica de la rapidez en función de la posición.

### 2 Elementos conceptuales

- a) Ley de Hooke
- b) método de mínimos cuadrados
- c) coeficiente de fricción cinética
- d) método del trabajo y la energía
- e) energías cinética y potencial.

	<b>Manual de prácticas del Laboratorio de Mecánica Experimental</b>	Código:	MADO-04
		Versión:	01
		Página	46/49
		Sección ISO	7.3
		Fecha de emisión	6 de junio de 2016
Secretaría/División: División de Ciencias Básicas		Área/Departamento: Laboratorio de Mecánica Experimental	
La impresión de este documento es una copia no controlada			

### 3 Equipo empleado

- 1 Riel de aluminio con accesorios
- 2 resorte
- 3 placa de sujeción para el resorte
- 4 dinamómetro de 10 N
- 5 bloque de madera con hilo
- 6 flexómetro.

### 4 Desarrollo

4.1 Para obtener la pareja de valores ( $x$ ,  $F_k$ ) de un resorte, se procede de la siguiente forma:

se coloca el extremo **A** del resorte en la placa de sujeción y se unen los extremos **B** del resorte y **C** del dinamómetro, tal como se muestra en la Figura 1.

Sujete el extremo **D** del dinamómetro y desplácelo horizontalmente; este efecto produce una deformación  $x$  en el resorte,

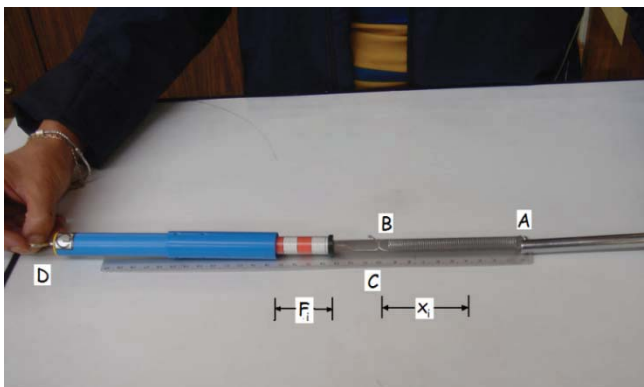


Figura 1 Caracterización de un resorte.

debido a la fuerza aplicada en el dinamómetro y que es la misma fuerza que se transmite al resorte; el valor de su módulo queda registrado en el vástago de lectura de dicho instrumento, tal como se muestra en la Figura 1, en la que:

$x_i$  = deformación del resorte, en metros

$F_i$  = fuerza del resorte, en newtons.

Con base en el procedimiento anterior, registre experimentalmente 10 parejas diferentes de datos ( $x_i$ ,  $F_i$ ) y anote los valores en la Tabla 1.

Tabla 1 Fuerza vs. deformación de un resorte.


i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$x_i$										
$F_i$										

4.2 Después de obtener las parejas ( $x_i$ ,  $F_i$ ), arme el arreglo que se muestra en la Figura 2.



Figura 2 Configuración del experimento.

A continuación, desplace el bloque una distancia  $x$  cualquiera, no necesariamente igual a las registradas en la Tabla 1, con el

	<b>Manual de prácticas del Laboratorio de Mecánica Experimental</b>	Código:	MADO-04
		Versión:	01
		Página	47/49
		Sección ISO	7.3
		Fecha de emisión	6 de junio de 2016
Secretaría/División: División de Ciencias Básicas		Área/Departamento: Laboratorio de Mecánica Experimental	
La impresión de este documento es una copia no controlada			

objeto de deformar el resorte esa misma distancia, tal como se indica en la Figura 3.



Figura 3 Posición del bloque con el resorte deformado una longitud  $x$ .

Por último, suelte el bloque, y déjelo moverse hasta que se detenga, y registre el alcance máximo,  $L$ , medido a partir de la posición desde la cual se soltó, tal como se indica en la Figura 4.

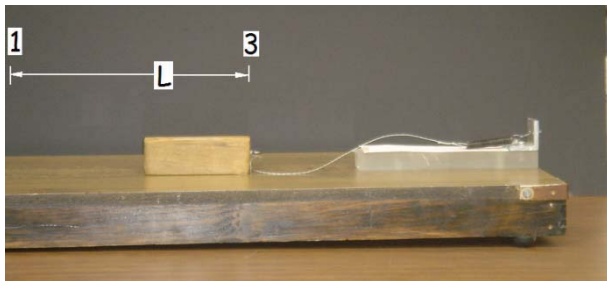


Figura 4 Posición final del bloque.

4.3 Con base en el procedimiento presentado en el punto anterior, reproduzca el experimento 10 veces para una misma distancia  $x$ , hasta llenar la Tabla 2.

Tabla 2 Alcance máximo del bloque.

$L_1$	$L_2$	$L_3$	$L_4$	$L_5$	$L_6$	$L_7$	$L_8$	$L_9$	$L_{10}$

$x = \underline{\hspace{2cm}}$  m       $m = \underline{\hspace{2cm}}$  kg.

## 5 Informe

5.1 Con las parejas de valores  $(x_i, F_i)$  registrados en la Tabla 1, con el comando *LeastSquares* de la biblioteca *CurveFitting* de Maple determine el modelo matemático lineal:

$$F_k = F_0 + kx \quad (1)$$

de la ley de Hooke para el resorte, y dibuje en una misma gráfica, los datos experimentales obtenidos indicados con un asterisco, y la ecuación de la recta de la ley de Hooke.

5.2 Con el empleo de la ecuación 1 y mediante la aplicación del concepto de trabajo de una fuerza, demuestre que el trabajo total desarrollado por la fuerza del resorte,  $U_k$ , al moverse el cuerpo desde la posición inicial 1 hasta la posición intermedia 2 de la Figura 2, está dada por la expresión:

$$U_k = \frac{1}{2}kx^2 + F_0x \quad (2)$$

5.3 Con el empleo del modelo matemático del trabajo y la energía, aplicado desde la posición inicial 1 hasta la posición intermedia 2 de la Figura 2, demuestre que, la rapidez del bloque en la posición 2 está dada por:



**Manual de prácticas del Laboratorio de Mecánica Experimental**

Código:	MADO-04
Versión:	01
Página	48/49
Sección ISO	7.3
Fecha de emisión	6 de junio de 2016

Secretaría/División: División de Ciencias Básicas

Área/Departamento:  
Laboratorio de Mecánica Experimental

La impresión de este documento es una copia no controlada

$$v_2 = \sqrt{\frac{(k x^2 + 2 F_0 x)}{m} - 2 \mu_k g x} \quad (3)$$

donde k y  $F_0$  son las constantes del modelo matemático dadas por la ecuación 1, m es la masa del cuerpo,  $\mu_k$  el coeficiente de fricción, x la deformación del resorte y g el valor de la aceleración del campo gravitatorio.

5.4 De la misma forma que en el punto anterior, pero aplicando el principio del trabajo y la energía desde la posición intermedia 2 hasta la posición final 3, demuestre que, la rapidez del bloque en la posición 2 está dada por:

$$v'_2 = \sqrt{2 \mu_k g (L - x)} \quad (4)$$

5.5 Con el empleo de las ecuaciones 3 y 4, verifique que la ecuación que determina el coeficiente de fricción cinética es:

$$\mu_k = \frac{(k x^2 + 2 F_0 x)}{2 L g m} \quad (5)$$

5.6 Con el valor promedio de L, el cual deberá obtenerse en la Tabla 2, y los valores de k,  $F_0$ , x, g y m, obtenga el valor numérico del coeficiente de fricción cinética, dada por la ecuación 5:

$$\mu_k = \underline{\hspace{2cm}}$$

5.7 Con el empleo de las ecuaciones 3 y 4 obtenga la rapidez del bloque con la ecuación 3:

$$v_2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ m/s}$$

y con la ecuación 4, considerando el mayor valor de L medido en el laboratorio:

$$v'_2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ m/s}$$

5.8 Determine el porcentaje de diferencia entre los dos valores obtenidos en el punto 4.7, a partir de la expresión:

$$\%D = \frac{|v_2 - v'_2|}{v_2} \times 100 = \underline{\hspace{1cm}} \%$$

5.9 Calcule las pérdidas  $U_{Fr}$  en el sistema mecánico debido al efecto de la fuerza de fricción:

$$U_{Fr} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ J}$$

5.10 Con el uso de Maple, obtenga la gráfica de la rapidez v del cuerpo en función de su posición s, teniendo como rango del dominio  $0 \leq s \leq L$ , que corresponde a las posiciones 1 y 3 de la Figura 4.

## 6 Conclusiones, sugerencias y comentarios

---

---

---

---

---


---

---

---

---

---

	<b>Manual de prácticas del Laboratorio de Mecánica Experimental</b>	Código:	MADO-04
		Versión:	01
		Página	49/49
		Sección ISO	7.3
		Fecha de emisión	6 de junio de 2016
Secretaría/División: División de Ciencias Básicas		Área/Departamento: Laboratorio de Mecánica Experimental	
La impresión de este documento es una copia no controlada			

## 7 Bibliografía

- 1 Meriam, J. L. y Kraige, L. G., **Mecánica para Ingenieros**, Dinámica, 3ª edición, Editorial Reverté, España, 2000.
- 2 Beer F. P. Johnston Jr. E. R. & Mazurek D. F., **Mecánica Vectorial para Ingenieros, Estática**, 10ª edición, Editorial McGraw–Hill, México, 2013.
- 3 Hibbeler R. C., **Ingeniería Mecánica, Estática**, 12ª edición, Pearson Educación, México, 2010.

*Hugo Serrano Miranda  
Yukihiro Minami Koyama*